

### Aufgabe 1

Gegeben sind die folgenden Matrizen

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 2 & 3 \end{pmatrix} \text{ und } D = \begin{pmatrix} 2 & 0 & 1 \\ 4 & 1 & 3 \end{pmatrix}$$

Geben Sie an, welche der Matrizenprodukte  $AB, BA, CD, DC, BC, CB, DB$  existieren und berechnen Sie sie.

### Aufgabe 2

Gegeben sei die Funktion  $f : ]0, \infty[ \rightarrow \mathbb{R}, x \mapsto \ln(x) + x$ .

- Warum ist  $f$  auf dem gesamten Definitionsbereich umkehrbar? Begründen Sie Ihre Antwort.
- Besitzt die Funktion einen Grenzwert für  $x \rightarrow 0+$ ? Wenn ja, welchen? Wie verhält sie sich für  $x \rightarrow \pm\infty$ ?
- Skizzieren Sie die Funktion  $f(x)$  in einem geeignet gewählten Intervall.

### Aufgabe 3

Welche der in der Tabelle angegebenen Eigenschaften besitzen die angegebenen Funktionen, wenn man als Definitionsbereich ganz  $\mathbb{R}$  annimmt?

	$\sin(x)/x$	$x^2/7$	$x^3$	$3/x$
stetig				
differenzierbar				
monoton				
Nullstelle(n)n				

#### Aufgabe 4

Bestimmen Sie die Grenzwerte

a)

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x + 1}{(\sqrt{x} + 1) \cdot x}$$

b)

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{|x|}{x}$$

c)

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(x)}{x}$$

#### Aufgabe 5

Rechnen Sie die folgende komplexe Zahl in ihre algebraische Normalform ( $z = a + ib$ ) um:

$$z_1 = 3 \cdot e^{i\frac{\pi}{2}}.$$

Berechnen Sie die Differenz von  $z_1$  und  $z_2 = 2 + i \cdot 3$  und stellen Sie  $z_1, z_2$  und  $z_1 - z_2$  als Vektoren in der Gaußschen Zahlenebene dar.

#### Aufgabe 6

a) Bestimmen Sie alle reellen Lösungen der Gleichung

$$\sqrt{2x^2 - 1} + x = 0$$

b) Für welche  $x \in \mathbb{R}$  erhält man reelle Werte der Wurzel

$$\sqrt{\frac{4 - x}{x + 2}}$$